

## FIŞA DISCIPLINEI

### 1. Date despre program

1.1 Instituția de învățământ superior	Universitatea Babeș-Bolyai din Cluj-Napoca
1.2 Facultatea	Facultatea Biologie si Geologie
1.3 Departamentul	Biotehnologii Industriale
1.4 Domeniul de studii	Stiinte ingineresti aplicate
1.5 Ciclul de studii	Licență
1.6 Programul de studiu / Calificarea	Biotehnologii industriale

### 2. Date despre disciplină

2.1 Denumirea disciplinei (ro) (en)	Analiză matematică						
2.2 Titularul activităților de curs	Profesor univ. dr. SĂLĂGEAN GRIGORE STEFAN						
2.3 Titularul activităților de seminar	Doctorand MINUȚĂ Virgilius-Aurelian						
2.4 Anul de studiu	1	2.5 Semestrul	1	2.6. Tipul de evaluare	E	2.7 Regimul disciplinei	Obligatoriu/ Fundamentală
2.8 Codul disciplinei	BLR3102						

### 3. Timpul total estimat (ore pe semestru al activităților didactice)

3.1 Număr de ore pe săptămână	4	Din care: 3.2 curs	2	3.3 seminar/laborator	2
3.4 Total ore din planul de învățământ	56	Din care: 3.5 curs	28	3.6 seminar/laborator	28
Distribuția fondului de timp:					ore
Studiul după manual, suport de curs, bibliografie și notițe					30
Documentare suplimentară în bibliotecă, pe platformele electronice de specialitate și pe teren					10
Pregătire seminarii/laboratoare, teme, referate, portofolii și eseuri					20
Tutoriat					14
Examinări					20
Alte activități: .....					
3.7 Total ore studiu individual	94				
3.8 Total ore pe semestru	150				
3.9 Numărul de credite	4				

#### 4. Precondiții (acolo unde este cazul)

4.1 de curriculum	<ul style="list-style-type: none"><li>Analiza matematică din liceu</li></ul>
4.2 de competențe	<ul style="list-style-type: none"><li>Gândire matematică, modelare, problematizare</li></ul>

#### 5. Condiții (acolo unde este cazul)

5.1 De desfășurare a cursului	<ul style="list-style-type: none"><li>Sală de curs cu tablă mare și infrastructură adecvată.</li></ul>
5.2 De desfășurare a seminarului/laboratorului	<ul style="list-style-type: none"><li>Sală de curs cu tablă mare</li></ul>

#### 6. Competențele specifice acumulate

<b>Competențe profesionale</b>	<ul style="list-style-type: none"><li>Familiarizarea cu și recunoașterea principalelor tipuri de probleme matematice și selectarea metodelor și tehniciilor adecvate pentru rezolvarea lor.</li><li>Identificarea noțiunilor de bază utilizate în descrierea unor fenomene și procese practice, în special din domeniul biologiei și al tehnicii</li><li>Identificarea noțiunilor, descrierea teoriilor și utilizarea limbajului specific.</li><li>Abilitatea de a formula și comunica oral și în scris idei și concepte din analiza matematică.</li></ul>
<b>Competențe transversale</b>	<ul style="list-style-type: none"><li>Exercitarea activității cu eficiență și rigoare matematică</li><li>Manifestarea unor atitudini responsabile față de domeniul științific, pentru valorificarea optimă și creativă a propriului potențial în situații specifice, cu respectarea principiilor și normelor de etică profesională.</li><li>Dezvoltarea capacitatății de a aplica noțiunile studiate și de a modela matematic probleme concrete ce intervin în diverse domenii</li></ul>

#### 7. Obiectivele disciplinei (reiesind din grila competențelor acumulate)

7.1 Obiectivul general al disciplinei	<ul style="list-style-type: none"><li>Cunoștințe temeinice relative la topologia axei reale și a spațiului <math>R^n</math>, studiul șirurilor, calcul diferențial și integral pe <math>R^n</math></li></ul>
7.2 Obiectivele specifice	<ul style="list-style-type: none"><li>Prezentarea noțiunilor fundamentale și a unor rezultate de bază referitoare la topologia a spațiului <math>R^n</math>,</li><li>Prezentarea noțiunilor fundamentale și a unor rezultate de bază referitoare la șiruri și serii de numere și funcții</li><li>Prezentarea noțiunilor fundamentale și a unor rezultate de bază referitoare la calculul diferențial și integral al funcțiilor de una sau mai multe variabile reale</li></ul>

#### 8. Conținuturi

8.1 Curs	Metode de predare	Observații
1. Multimea numerelor reale. Topologia axei reale	expunere,	[1] pag. 125-148

și topologia spațiului $R^n$ .	conversație, demonstrație didactica, problematizare	sau [4] pag. 80-97;131-157 Notite curs ale profesorului trimise prin e-mail (1-2)
2. Siruri de numere reale convergente.	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[1] pag. 149-172 sau [4] pag. 159-195, 259-263
3. Serii de numere reale cu termeni pozitivi. Teoreme de caracterizare a convergenței seriilor de numere reale. Criterii de comparație.	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[1] pag. 173-194 sau [4] pag. 313-346, 367-396
4. Serii cu termeni oarecare: teorema lui Abel-Dirichlet. Serii alternate: teorema lui Leibniz. Serii absolut convergente, serii semiconvergente	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[1] pag. 187-194 sau [4] pag. 367-396
5. Limite de funcții. Funcții continue.	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[1] pag. 195-263 sau [4] pag. 409-420, 459-472, 486-507, 579-594
6. Funcții derivabile: teoremele de medie. Derivate de ordin superior.	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[1] pag. 263-276 sau [4] pag. 673-702 Notite curs trimise prin e-mail (3)
7. Formula lui Taylor, aplicații.	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[1] pag. 339-352 Notite curs trimise prin e-mail (3)
8. Limite de funcții de variabilă vectorială. Funcții continue de variabilă vectorială	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[1] pag. 352-366 Notite curs trimise prin e-mail (2)
9. Derivate parțiale	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	Notite curs trimise prin e-mail (4)
10. Probleme de extrem	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	Notite curs trimise prin e-mail (5) Notite curs trimise prin e-mail – aplicatii in biologie

11. Integrala Riemann. Primitive. Formula lui Leibniz-Newton. Aplicatii	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[1] pag. 277-313 Notite curs trimise prin e-mail (6-7,8),
12. Integrale improprii. Criterii de integrabilitate improprie	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[1] pag. 314-338 Notite curs trimise prin e-mail (9-10)
13. Integrale multiple	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[10] pag. 379-391
14. Schimbarea de variabilă în integralele multiple	expunere, conversație, demonstrație didactica, problematizare	[9] pag 221-240

#### Bibliografie

1. D. Andrica, D.I. Duca, I. Purdea, I. Pop: Matematica de baza, Editura Studium, Cluj-Napoca, 2004
2. W.W. Breckner: Analiza matematica. Topologia spatiului  $R^n$ , Universitatea din Cluj-Napoca, Cluj-Napoca, 1985
3. S. Cobzas: Analiza matematica (Calcul differential), Presa Universitara Clujeana, Cluj-Napoca, 1997
4. D.I. Duca: Analiza matematica (vol. I), Casa Cartii de Stiinta, Cluj-Napoca, 2013
5. D.I. Duca, E. Duca: Exercitii si probleme de analiza matematica (vol. I), Editura Casa Cartii de Stiinta, Cluj-Napoca, 2007
6. D.I. Duca, E. Duca: Exercitii si probleme de analiza matematica (vol II), Editura Casa Cartii de Stiinta, Cluj-Napoca, 2009
7. M. Megan: Bazele Analizei matematice, vol. 1,2,3, Editura Eurobit, 1997, 1997, 1998
8. M. Megan, A. L. Sasu, B. Sasu, Calcul integral în R prin exerciții și probleme, Editura Mirton 2003.
9. Gh. Siretchi: Calcul differential si integral, vol. I si II, Editura Stiintifica si Enciclopedica, Bucuresti, 1985
10. V.A. Zorich: Mathematical Analysis, Springer, Berlin, 2004
11. James K. Peterson: Calculus for Biologists: A Beginning – Getting Ready For Models and Analyzing Models, Gneural Gnome Press, 2008

8.2 Seminar / laborator	Metode de predare	Observații
-------------------------	-------------------	------------

1. Mulțimea numerelor reale. Topologia axei reale și topologia spațiului $R^n$ .	Conversatie, problematizare, exemplificare	[5] problemele 1.2-1.4; 1.7-1.10; 1.12-1.16; 2.2; 2.4-2.6; 2.8-2.9; 2.11-2.32
2. Siruri de numere reale convergente.	Conversatie, problematizare, exemplificare	[5] problemele 3.24; 3.26; 3.33; 3.39; 3.43; 3.47; 3.54; 3.59; 3.67-3.73; 3.85; 3.90; 3.95; 3.99-3.108
3. Serii de numere reale cu termeni pozitivi. Teoreme de caracterizare a convergenței seriilor de numere reale. Criterii de comparație.	Conversatie, problematizare, exemplificare	Setul de probleme al titularului de curs aflate pe site-ul profesorului
4. Serii cu termeni oarecare: teorema lui Abel-Dirichlet. Serii alternate: teorema lui Leibniz. Serii absolut convergente, serii semiconvergente	Conversatie, problematizare exemplificare	Setul de probleme al titularului de curs aflate pe site-ul profesorului
5. Limite de funcții. Funcții continue.	Conversatie, problematizare, exemplificare	[5] problemele 4.2-4.3; 4.7; 4.12; 4.16; 4.18; 4.22; 4.24-4.26; 4.41; 4.45; 4.47; 4.50; 4.56; 4.73-4.75; 4.79; 4.80; 4.84; 4.94
6. Funcții derivabile: teoremele de medie. Derivate de ordin superior.	Conversatie, problematizare, exemplificare	[5] problemele 5.2; 5.8; 5.11; 5.15-5.19; 5.22; 5.26; 5.29; 5.31; 5.35; 5.40; 5.41, 5.48-5.52; 5.54-5.56; 5.58; 5.59; 5.61-5.64; 5.75; 5.81; 5.124; 5.127
7. Formula lui Taylor, aplicații.	Conversatie, problematizare, exemplificare	[3] problemele 6.68-6.90;
8. Limite de funcții de variabilă vectorială. Funcții continue de variabilă vectorială	Conversatie, problematizare, exemplificare	[3] problemele 6.169-6.187
9. Derivate partiale	Conversatie, problematizare, exemplificare	Setul de probleme al titularului de curs – aflate pe site-ul profesorului
10. Probleme de extrem	Conversatie, problematizare, exemplificare	Setul de probleme al titularului de curs – aflate pe site-ul profesorului
11. Integrala Riemann. Primitive. Formula lui Leibniz-Newton	Conversatie, problematizare, exemplificare	[4] problemele 1.2; 1.14; 1.20; 1.22; 1.32; 1.39-1.40; 1.65-1.66; 1.126
12. Integrale improprii. Criterii de integrabilitate improprie	Conversatie, problematizare, exemplificare	[4] problemele 2.6-2.42; 2.46-2.51; 2.60; 2.68; 2.72-2.74; 2.78; 2.82-2.89; 2.130-2.131; 2.139; 2.147; 2.171; 2.224; 2.262; 2.303;

		2.307; 2.314
13. Integrale multiple	Conversatie, problematizare, exemplificare	Setul de probleme al titularului de curs – aflate pe site-ul profesorului
14. Schimbarea de variabilă în integralele multiple	Conversatie, problematizare, exemplificare	setul de probleme al profesorului
<b>Bibliografie</b>		
<p>1. L. Aramă., T. Morozan: Probleme de calcul diferențial și integral, Editura Tehnică, Bucuresti, 1978</p> <p>2. B.P. Demidovici: Culegere de probleme și exerciții de analiză matematică, Editura Tehnică, București, 1956</p> <p>3. D.I. Duca și E. Duca: Exerciții și probleme de analiză matematică (vol. I), Editura Casa Cărții de Stiință, Cluj-Napoca, 2007</p> <p>4. D.I. Duca și E. Duca: Exerciții și probleme de analiză matematică (vol. II), Editura Casa Cărții de Stiință, Cluj-Napoca, 2009</p> <p>5. E. Duca: Siruri și serii, Editura Mediamira, Cluj-Napoca, 2003</p> <p>6. M. Megan, B. Sasu, M. Neamțu și A. Crăciunescu: Bazele analizei matematice prin exerciții și probleme, Editura Helicon, Timișoara, 1996</p> <p>7. M. Megan, A. L. Sasu, B. Sasu, Calcul integral în R prin exerciții și probleme, Editura Mirton 2003.</p> <p>8. J.-M. Monier: Analyse 2 cours et 600 exercices corrigés, Dunod, Paris, 1996</p> <p>9. S. Rădulescu și M. Rădulescu: Teoreme și probleme de analiză matematică, Editura Didactică și Pedagogică, București, 1982</p> <p>10. Gh. Siretchi: Calcul diferențial și integral, vol.II, Editura Stiințifică și Enciclopedică, București, 1985</p>		

## **9. Coroborarea conținuturilor disciplinei cu așteptările reprezentanților comunității epistemice, asociațiilor profesionale și angajatorii reprezentativi din domeniul aferent programului**

- Tematica acestui curs (topologia axei reale, siruri de numere reale, limite, continuitate, derivabilitate, primitivabilitate, integrabilitate) este prevazuta în programa de studii a tuturor universităților importante din Romania și din lume. Ea constituie o parte indispensabilă a pregăririi viitorilor ingineri, profesori de matematica sau a viitorilor cercetatori.

## **10. Evaluare**

Tip activitate	10.1 Criterii de evaluare	10.2 metode de evaluare	10.3 Pondere din nota finală
10.4 Curs	Cunoașterea noțiunilor și a enunțurilor teoremelor	Examen scris la finalul semestrului	40%

	<b>Demonstrarea rezultatelor teoretice</b>		
<b>10.5 Seminar/laborator</b>	Rezolvarea temelor de casă și implicarea în activitatea de seminar	Verificare pe parcurs	20%
	Rezolvarea diferitelor tipuri de probleme relaționate cu rezultatele teoretice prezentate la curs	Examen scris parțial	40%
<b>10.6 Standard minim de performanță</b>			
<ul style="list-style-type: none"> <li>• Cunoașterea riguroasă a tuturor noțiunilor și a enunțurilor teoremelor</li> <li>• Rezolvarea unor probleme ce pot fi privite ca aplicații directe a teoriei prezентate în curs</li> </ul>			

Data completării

Semnătura titularului de curs

Semnătura titularului de seminar

Profesor univ. dr. SĂLĂGEAN GRIGORE STEFAN

Data avizării în departament

Semnătura directorului de departament